

10.11. Kružnice opsaná trojúhelníku ABO , kde $A[6, 0]$, $B[0, 12]$, $O[0, 0]$, má rovnici

a) $x^2 - 6x + y^2 - 12y = 0$,

b) $x^2 - 6x + y^2 - 6y = 0$,

c) $x^2 - 12x + y^2 - 24y = 0$,

d) $x^2 - 3x + y^2 - 6y = 0$,

e) $x^2 - 6x + y^2 - 3y = 0$.

10.12. Kružnice, která prochází body $A[3, 1]$ a $B[4, 8]$ a má střed na ose y , má rovnici

a) $x^2 + y^2 - 10y = 0$,

b) $x^2 + y^2 - 10y - 125 = 0$,

c) $x^2 - 6x + y^2 - 8y - 50 = 0$,

d) $x^2 - 6x + y^2 - 8y = 0$,

e) $x^2 - 6x + y^2 = 0$.

10.13. Kružnice, která má průměr AB , kde $A[-2, -1]$, $B[4, 3]$, má rovnici

a) $x^2 + y^2 - 2x - 2y = 11$,

b) $x^2 + y^2 + 2x - 4y = 5$,

c) $x^2 + y^2 - 2x - 4y = 13$,

d) $x^2 + y^2 - 2x + 4y = 5$,

e) $x^2 + y^2 + 2x + 2y + 1 = 0$.

10.14. Kružnice, která prochází body $A[5, 4]$, $B[7, 0]$ a má střed na ose x , má rovnici

a) $x^2 - 4x + y^2 = 21$,

b) $x^2 - 4x + y^2 + 59 = 0$,

c) $x^2 + 4x + y^2 = 0$,

d) $x^2 - 4x + y^2 = 0$,

e) $x^2 + 4x + y^2 = 21$.

10.15. Kružnice o rovnici $x^2 + y^2 + 8x - 6y + 9 = 0$ má střed S a poloměr r , kde

a) $S[-4, 3]$, $r = 4$,

b) $S[4, -3]$, $r = 3$,

c) $S[-4, 3]$, $r = 3$,

d) $S[4, -3]$, $r = 4$,

e) $S[-8, 6]$, $r = 3$.

10.16. Kružnice, která prochází počátkem soustavy souřadnic a osy souřadnic protíná v bodech $[3, 0]$ a $[0, 4]$, má rovnici

a) $x^2 - 3x + y^2 - 4y = 0$,

b) $x^2 - 6x + y^2 - 8y = 0$,

c) $x^2 + 3x + y^2 - 4y = 0$,

d) $x^2 - 6x + y^2 + 8y = 0$,

e) $x^2 + 6x + y^2 - 8y = 0$.

10.17. Kružnice vepsaná kosočtverci $OABC$, kde $O[0, 0]$, $A[5, 0]$, $C[3, 4]$, má rovnici

a) $x^2 - 8x + y^2 - 4y + 16 = 0$,

b) $x^2 - 5x + y^2 - 4y - 20 = 0$,

c) $x^2 - 5x + y^2 - 4y - \frac{39}{4} = 0$,

d) $x^2 - 10x + y^2 - 8y - 25 = 0$,

e) $x^2 - 8x + y^2 - 4y + 20 = 0$.

10.18. Kružnice, která se dotýká přímk $x = 18$ a $x = -8$ a prochází počátkem soustavy souřadnic, má rovnici

a) $x^2 - 10x + y^2 - 24y = 0$, nebo $x^2 - 10x + y^2 + 24y = 0$,

b) $x^2 + 10x + y^2 - 24y = 0$, nebo $x^2 + 10x + y^2 + 24y = 0$,

c) $x^2 + 5x + y^2 = 0$, nebo $x^2 - 5x + y^2 = 0$,

d) $x^2 - 24x + y^2 - 10y = 0$, nebo $x^2 - 24x + y^2 + 10y = 0$,

e) $x^2 + y^2 + 16y = 0$, nebo $x^2 + y^2 - 16y = 0$.

10.19. Kružnice, jejíž střed leží na přímce $2x - y - 4 = 0$ a která prochází body $A[-1, 0]$ a $B[7, 0]$, má rovnici

a) $x^2 - 6x + y^2 - 4y - 7 = 0$,

b) $x^2 - 8x + y^2 - 4y - 9 = 0$,

c) $x^2 - 3x + y^2 - 20 = 0$,

d) $x^2 - 4x + y^2 - 2y = 0$,

e) $x^2 - 6x + y^2 - 4y - 9 = 0$.

- 10.20.** Kružnice s největším poloměrem, která má vnitřní dotyk s elipsou $x^2 - 8x + 4y^2 = 0$, dotýká se osy x a leží v polorovině $y \geq 0$, má rovnici
- a) $x^2 - 8x + y^2 - 2y + 16 = 0$, b) $x^2 - 8x + y^2 - 4 = 0$,
c) $x^2 - 4x + y^2 - 4y - 4 = 0$, d) $x^2 - 8x + y^2 - 4y - 20 = 0$,
e) $x^2 + y^2 - 4y - 16 = 0$.
-
- 10.21.** Vzdálenost bodu $M[3, 4]$ od středu elipsy o rovnici $x^2 + 4y^2 - 2x + 16y - 31 = 0$ je
- a) $2\sqrt{10}$, b) $2\sqrt{5}$, c) 5, d) $2\sqrt{3}$, e) $2\sqrt{7}$.
-
- 10.22.** Délka tětiny, kterou v elipse o rovnici $x^2 + 2y^2 = 27$ vytíná osa 1. a 3. kvadrantu, je
- a) $6\sqrt{2}$, b) 6, c) $3\sqrt{2}$, d) 9, e) 3.
-
- 10.23.** Středový tvar rovnice elipsy, se středem v počátku soustavy souřadnic, která prochází body $M[1, 3]$ a $N[3, 2]$, je
- a) $5x^2 + 8y^2 = 77$, b) $8x^2 + 5y^2 = 53$, c) $3x^2 + 2y^2 = 21$,
d) $8x^2 + 5y^2 = 92$, e) $2x^2 + 3y^2 = 29$.
-
- 10.24.** Středový tvar rovnice elipsy, která má střed v počátku soustavy souřadnic, excentricitu $e = 2\sqrt{2}$ a prochází bodem $M[2, \sqrt{6}]$ je
- a) $x^2 + 2y^2 = 16$, b) $2x^2 + y^2 = 14$,
c) $x^2 + 5y^2 = 10$, d) $x^2 + 2y^2 = 14$,
e) žádná z uvedených rovnic.
-
- 10.25.** Přímka $x - y + q = 0$ je sečnou elipsy $9x^2 + 16y^2 = 144$ pro q z intervalu
- a) $(-5, 5)$, b) $(-25, 25)$, c) $(-3, 3)$,
d) $(-5\sqrt{2}, 5\sqrt{2})$, e) $(-3\sqrt{2}, 3\sqrt{2})$.
-
- 10.26.** Středový tvar rovnice elipsy, jejíž osy jsou rovnoběžné se souřadnicovými osami a která se dotýká osy x v bodě $M[-4, 0]$ a osy y v bodě $N[0, 3]$ je
- a) $9x^2 + 16y^2 + 72x - 96y + 144 = 0$, b) $3x^2 + 4y^2 + 36x - 48y + 96 = 0$,
c) $x^2 + 2y^2 + 7x - 10y + 12 = 0$, d) $3x^2 + 4y^2 + 18x - 20y + 24 = 0$,
e) $9x^2 + 16y^2 + 39x - 52y + 12 = 0$.
-
- 10.27.** Osy elipsy jsou rovnoběžné s osami souřadnic. Elipsa se dotýká osy x v bodě $M[4, 0]$ a protíná osu y v bodech $N[0, 3]$ a $P[0, 9]$. Velikosti poloos elipsy jsou
- a) $\frac{8}{3}\sqrt{3}$, 6, b) 4, 3, c) 8, 6, d) 6, 4, e) 4, $\frac{8}{3}$.
-
- 10.28.** Rovnice tečny kružnice $x^2 + y^2 - 5 = 0$ v jejím průsečíku s elipsou $x^2 + 4y^2 = 17$, který leží v 1. kvadrantu, je
- a) $x + 2y - 5 = 0$, b) $x - 2y - 5 = 0$, c) $x + y + 5 = 0$,
d) $-x + y - 5 = 0$, e) $x + y - 5 = 0$.
-

- 10.29.** Kružnice, která se dotýká přímkou $y = 8$ a $y = -2$ a prochází počátkem soustavy souřadnic, má rovnici
- $x^2 - 8x + y^2 - 6y = 0$, nebo $x^2 + 8x + y^2 - 6y = 0$,
 - $x^2 - 10x + y^2 - 8y = 0$, nebo $x^2 + 10x + y^2 - 8y = 0$,
 - $x^2 - 6x + y^2 - 6y = 0$, nebo $x^2 + 6x + y^2 - 6y = 0$,
 - $x^2 + 10x + y^2 - 8y = 0$, nebo $x^2 - 10x + y^2 + 8y = 0$,
 - $x^2 + y^2 + 2y = 0$, nebo $x^2 + y^2 - 2y = 0$.
-
- 10.30.** Kružnice o největším poloměru vepsaná do elipsy $2(x - 3)^2 + 5(y + 1)^2 = 10$ má rovnici
- $x^2 - 6x + y^2 + 2y + 8 = 0$,
 - $x^2 - 6x + y^2 + 2y - 1 = 0$,
 - $x^2 + y^2 = 2$,
 - $x^2 + y^2 - 6x + 2y = 2$,
 - $x^2 + y^2 + 6x - 2y + 8 = 0$.
-
- 10.31.** Rovnice elipsy vepsané do obdélníku, jehož jedním vrcholem je počátek soustavy souřadnic, jehož strany leží na osách souřadnic a jejich velikosti jsou 10 (strana na ose x) a 8, je
- $16x^2 - 160x + 25y^2 - 200y + 400 = 0$,
 - $16x^2 - 160x + 25y^2 - 200y = 0$,
 - $16x^2 - 160x + 25y^2 + 200y = 0$,
 - $16x^2 - 160x + 25y^2 + 200y - 400 = 0$,
 - $16x^2 + 160x + 25y^2 = 0$.
-
- 10.32.** Elipsa o rovnici $x^2 + 4x + 5y^2 - 20y + 20 = 0$ má střed S a velikosti poloos a, b , kde
- $S[-2, 2]$, $a = 2$, $b = \frac{2\sqrt{5}}{5}$,
 - $S[-2, 2]$, $a = 3$, $b = \frac{\sqrt{5}}{3}$,
 - $S[2, 2]$, $a = 3$, $b = \sqrt{2}$,
 - $S[2, -2]$, $a = 6$, $b = 2\sqrt{5}$,
 - $S[2, 2]$, $a = 2$, $b = \sqrt{3}$.
-
- 10.33.** Elipsa o rovnici $x^2 - 6x + 3y^2 + 18y + 27 = 0$ má střed S a velikosti poloos a, b , kde
- $S[3, -3]$, $a = 3$, $b = \sqrt{3}$,
 - $S[3, -3]$, $a = 27$, $b = 9$,
 - $S[6, -3]$, $a = 3$, $b = 3\sqrt{3}$,
 - $S[-3, 3]$, $a = 3\sqrt{3}$, $b = 3$,
 - $S[-3, -3]$, $a = 3$, $b = 3\sqrt{3}$.
-
- 10.34.** Elipsa $9x^2 + 36x + 25y^2 - 150y + 36 = 0$ má ohniska E, F , kde
- $E[2, 3]$, $F[-6, 3]$,
 - $E[-2, 3]$, $F[6, -3]$,
 - $E[-2, 3]$, $F[-2, 6]$,
 - $E[3, 3]$, $F[-7, 3]$,
 - $E[-2, 1]$, $F[-2, 5]$.
-
- 10.35.** Obsah trojúhelníku, jehož strany leží na přímce $x - 6 = 0$ a asymptotách hyperboly o rovnici $9x^2 - 4y^2 - 36 = 0$, je
- 54,
 - 27,
 - 81,
 - 40,5,
 - 72.
-
- 10.36.** Jedna z asymptot hyperboly $4x^2 - 9y^2 - 16x + 54y - 101 = 0$ má rovnici
- $2x + 3y - 13 = 0$,
 - $2x - 3y - 5 = 0$,
 - $2x + 3y + 5 = 0$,
 - $2x - 3y - 13 = 0$,
 - $-2x + 3y + 5 = 0$.
-
- 10.37.** Rovnoosá hyperbola, jejíž asymptoty jsou osy soustavy souřadnic a přímka o rovnici $3x - 4y - 12 = 0$ je její tečna, má rovnici
- $xy + 3 = 0$,
 - $-x^2 + y^2 = \frac{144}{7}$,
 - $-x^2 + y^2 = 144$,
 - $xy + 5 = 0$,
 - $-x^2 + y^2 = 72$.

- 10.38.** Hyperbola, která má hlavní osu v ose x , asymptotu o rovnici $2x - 3y = 0$ a prochází bodem $M[9, 2\sqrt{5}]$, má vrchol
- a) $[6, 0]$, b) $[4, 0]$, c) $[36, 0]$, d) $[5, 0]$, e) $[16, 0]$.
-
- 10.39.** Odchylka asymptot hyperboly o rovnici $x^2 - 3y^2 - 12 = 0$ je
- a) 60° , b) 30° , c) 45° , d) 120° , e) 135° .
-
- 10.40.** Rovnice $x^2 - 2y^2 - 4x - 16y - 28 = 0$ je analytickým vyjádřením
- a) dvojice různoběžných přímek, b) hyperboly,
c) dvojice rovnoběžných přímek, d) kružnice,
e) jedné přímky.
-
- 10.41.** Hyperbola s ohnisky $E[-13, 2]$, $F[13, 2]$ a délkou hlavní poloosy $a = 12$ má rovnici
- a) $25x^2 - 144(y - 2)^2 = 144 \cdot 25$, b) $-25x^2 + 144(y - 2)^2 = 25$,
c) $-25x^2 - 144(y - 2)^2 = 1$, d) $25x^2 - 144(y - 2)^2 = 1$,
e) $25x^2 - 144(y - 2)^2 = 144$.
-
- 10.42.** Hyperbola s vrcholy $A[-5, 2]$, $B[3, 2]$ a ohniskem $E[4, 2]$ má rovnici
- a) $9(x + 1)^2 - 16(y - 2)^2 = 144$, b) $16(x - 1)^2 - 9(y + 2)^2 = 144$,
c) $3(x + 1)^2 - 4(y - 2)^2 = 12$, d) $-9(x + 1)^2 + 16(y - 2)^2 = 144$,
e) $9(x - 1)^2 - 16(y + 2)^2 = 144$.
-
- 10.43.** Hyperbola, která má střed v počátku soustavy souřadnic, jejíž hlavní osou je osa x , délka hlavní poloosy $a = 5$, excentricita $e = 7$, má rovnici
- a) $24x^2 - 25y^2 = 600$, b) $25x^2 - 24y^2 = 600$, c) $24x^2 - 25y^2 = 400$,
d) $4x^2 - 49y^2 = 196$, e) $24x^2 - 25y^2 = 200$.
-
- 10.44.** Přímky $y = x$ a $y = -x$ jsou osy rovnoosé hyperboly s délkou hlavní poloosy $a = 2\sqrt{2}$. Rovnice hyperboly je
- a) $xy = 4$, b) $x^2 - y^2 - 8 = 0$, c) $-x^2 + y^2 - 8 = 0$,
d) $xy = 2\sqrt{2}$, e) $xy = 8$.
-
- 10.45.** Rovnoosá hyperbola, která má střed v počátku soustavy souřadnic, jejíž hlavní osou je osa x a tečnou je přímka $y = 2x + 6$, má rovnici
- a) $x^2 - y^2 = 12$, b) $x^2 - y^2 = \sqrt{12}$, c) $x^2 - y^2 = 6$,
d) $x^2 - y^2 = 3$, e) $x^2 - y^2 = 4$.
-
- 10.46.** Rovnoosá hyperbola, která má střed v počátku soustavy souřadnic, jejíž hlavní osou je osa y a tečnou je přímka $x - 2y - 9 = 0$, má rovnici
- a) $-x^2 + y^2 - 27 = 0$, b) $-x^2 + y^2 - 9 = 0$, c) $-x^2 + y^2 - 3\sqrt{3} = 0$,
d) $-x^2 + y^2 - 27^2 = 0$, e) $-x^2 + y^2 - 4 = 0$.
-
- 10.47.** Hyperbola o rovnici $x^2 + 4x - 3y^2 + 6y + 28 = 0$ má střed S a velikosti poloos a , b , kde
- a) $S[-2, 1]$, $a = 3$, $b = 3\sqrt{3}$, b) $S[-2, 1]$, $a = \sqrt{3}$, $b = 3$,
c) $S[2, -1]$, $a = 3\sqrt{3}$, $b = 3$, d) $S[4, 6]$, $a = \sqrt{7}$, $b = \sqrt{\frac{14}{3}}$,
e) $S[2, 1]$, $a = 3\sqrt{3}$, $b = 3$.

- 10.48.** Přímka $x = ky + 2$ je tečnou paraboly $x^2 = 4y$, je-li k rovno
a) $\frac{1}{2}$, b) 0, c) 2, d) $\frac{1}{2}$ nebo $-\frac{1}{2}$, e) 1.
-
- 10.49.** Parametr a ohnisko paraboly o rovnici $y^2 - 8y - 12x - 8 = 0$ jsou
a) 6, [1, 4], b) 12, [5, 4], c) 3, [1, 4], d) 6, [5, 4], e) 12, [1, 4].
-
- 10.50.** Rovnice paraboly s vrcholem $V[1, -3]$, která prochází bodem $A[5, -9]$ a má osu rovnoběžnou s osou x , je
a) $(y + 3)^2 = 9(x - 1)$, b) $(x - 1)^2 = \frac{8}{3}(y + 3)$, c) $(y + 3)^2 = 18(x - 1)$,
d) $(y + 9)^2 = -9(x - 5)$, e) $(x - 5)^2 = -\frac{8}{3}(y + 9)$.
-
- 10.51.** Přímka $8x + 3y + q = 0$ je tečnou paraboly $2x^2 - 9y = 0$ pro q rovno
a) 24, b) 0, c) 24 a 0, d) 12, e) 8.
-
- 10.52.** Rovnice tečny paraboly $x^2 - 6x - 8y - 7 = 0$ v jejím bodě $A[7, ?]$ je
a) $x - y - 7 = 0$, b) $x + y - 7 = 0$, c) $2x + y - 14 = 0$,
d) $x - 2y - 7 = 0$, e) $x + 3y - 7 = 0$.
-
- 10.53.** Přímka $x - y + 2 = 0$ vytíná na parabole $x^2 - 8y = 0$ tětivy délky
a) 16, b) $8\sqrt{2}$, c) 8, d) $16\sqrt{2}$, e) $8 + 8\sqrt{2}$.
-
- 10.54.** Rovnicí $x^2 + bx - y + a = 0$ je určena parabola s vrcholem $V[2, -3]$, jestliže
a) $a = 1$, $b = -4$, b) $a = -1$, $b = -3$, c) $a = -9$, $b = 1$,
d) $a = 3$, $b = -5$, e) $a = -15$, $b = 4$.
-
- 10.55.** Parabola s vrcholem $V[-2, 1]$, která prochází bodem $M[2, -3]$ a má osu rovnoběžnou s osou x , má rovnici
a) $y^2 - 2y - 4x = 7$, b) $y^2 - 2x + 2y + 1 = 0$, c) $x^2 + 2x + 2y - 7 = 0$,
d) $x^2 + 2x - 2y - 19 = 0$, e) $y^2 - 2x - 2y - 3 = 0$.
-
- 10.56.** Parabola $y^2 - 6x + 4y + 4 = 0$ má vrchol V a ohnisko F , kde
a) $V[0, -2]$, $F[\frac{3}{2}, -2]$, b) $V[0, 2]$, $F[3, -2]$, c) $V[0, \frac{1}{2}]$, $F[\frac{3}{2}, 2]$,
d) $V[0, -2]$, $F[3, -2]$, e) $V[0, 1]$, $F[2, 1]$.
-
- 10.57.** Přímka o rovnici $x + 2y - 6 = 0$ vytíná na elipse $x^2 + 2y^2 - 18 = 0$ tětivu o délce
a) $2\sqrt{5}$, b) 20, c) $3\sqrt{5}$, d) $\sqrt{21}$, e) $2\sqrt{3}$.
-
- 10.58.** Přímka $2x - y + 4 = 0$ je tečnou paraboly $x^2 - mx + y = 0$ právě tehdy, když
a) $m = 6 \vee m = -2$, b) $m = -6 \vee m = -2$, c) $m = -6$,
d) $m = -2$, e) $m = 1 \vee m = -1$.
-
- 10.59.** Přímka $x - 2y + 2b = 0$ má s parabolou $y^2 = 5(x + 1)$ společný právě jeden bod právě tehdy, když
a) $b = 3$, b) $b = 1$, c) $b = -3$,
d) $b = -1$, e) $b = 0 \vee b = 3$.
-

10.60. Přímka $x + ay + 1 = 0$ je tečnou paraboly $y^2 + 2y = x$ právě tehdy, když

a) $a = 0 \vee a = -4$,

b) $a = 2$,

c) $a = -2$,

d) $a = -4$,

e) $a = 0 \vee a = 1$.

10.61. Parabola $x^2 - 8x - 3y + 10 = 0$ má vrchol V , ohnisko F a parametr p , kde

a) $V[4, -2]$, $F[4, -\frac{5}{4}]$, $p = 1,5$,

b) $V[4, 2]$, $F[4, -5]$, $p = 0,75$,

c) $V[4, -2]$, $F[4, 5]$, $p = 1,5$,

d) $V[4, -2]$, $F[4, -\frac{5}{2}]$, $p = 0,75$,

e) $V[4, 2]$, $F[4, 5]$, $p = 1$.
